

乗法の公式 (1)

学習日 月 日

年 組 番 氏名

POINT

乗法の公式①

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

<例>

$$(x+5)(x+7) = x^2 + (5+7)x + 5 \times 7$$

$$= x^2 + 12x + 35$$

$$(x-2y)(x+3y) = x^2 + (-2y+3y)x + (-2y) \times 3y$$

$$= x^2 + yx + (-6y^2)$$

$$(2x+1)(2x+3) = (2x)^2 + (1+3) \times 2x + 1 \times 3$$

$$= 4x^2 + 4 \times 2x + 3$$

$$= 4x^2 + 8x + 3$$

(1) 次の式を展開しなさい。

① $(x+3)(x+4)$

② $(x+6)(x-1)$

③ $(x+5y)(x+2y)$

④ $(3x-1)(3x+2)$

POINT

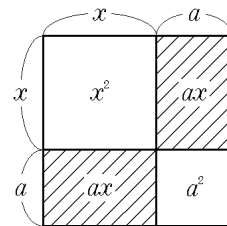
乗法の公式② 平方公式

$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$

└── 2 × a × x

$$(x-a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$$

└── 2 × (-a) × x



<例>

$$(x+5)^2 = x^2 + 2 \times 5 \times x + 5^2$$

$$= x^2 + 10x + 25$$

$$(x-9)^2 = x^2 + 2 \times (-9) \times x + (-9)^2$$

$$= x^2 - 18x + 81$$

$$(2x-3)^2 = (2x)^2 + 2 \times (-3) \times 2x + (-3)^2$$

$$= 4x^2 - 12x + 9$$

(2) 次の式を展開しなさい。

① $(x+1)^2$

② $(x-6)^2$

③ $(2x+5)^2$

④ $(3x-2y)^2$

POINT

乗法の公式③ 和と差の積

$$(x+a)(x-a) = x^2 - a^2$$

和 × 差 平方(2乗)の差

<例>

$$(x+2)(x-2) = x^2 - 2^2 = x^2 - 4$$

$$(x-6)(x+6) = x^2 - 6^2 = x^2 - 36$$

$$(x-3y)(x+3y) = x^2 - (-3y)^2 = x^2 - 9y^2$$

$$(2x+5y)(2x-5y) = (2x)^2 - (5y)^2 = 4x^2 - 25y^2$$

(3) 次の式を展開しなさい。

① $(x+3)(x-3)$

② $(x+8)(x-8)$

③ $(x+4y)(x-4y)$

④ $(5x+9y)(5x-9y)$

乗法の公式 (1)

POINT

乗法の公式①

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

<例>

$$(x+5)(x+7) = x^2 + (5+7)x + 5 \times 7 \\ = x^2 + 12x + 35$$

$$(x-2y)(x+3y) = x^2 + (-2y+3y)x + (-2y) \times 3y \\ = x^2 + yx + (-6y^2)$$

$$(2x+1)(2x+3) = (2x)^2 + (1+3) \times 2x + 1 \times 3 \\ = 4x^2 + 4 \times 2x + 3 \\ = 4x^2 + 8x + 3$$

(1) 次の式を展開しなさい。

① $(x+3)(x+4)$
 $= x^2 + 7x + 12$

② $(x+6)(x-1)$
 $= x^2 + 5x - 6$

③ $(x+5y)(x+2y)$
 $= x^2 + 7xy + 10y^2$

④ $(3x-1)(3x+2)$
 $= 9x^2 + 3x - 2$

POINT

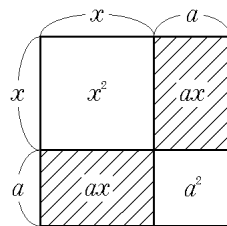
乗法の公式② 平方公式

$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$

└─── 2 × a × x

$$(x-a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$$

└─── 2 × (-a) × x



<例>

$$(x+5)^2 = x^2 + 2 \times 5 \times x + 5^2 \\ = x^2 + 10x + 25$$

$$(x-9)^2 = x^2 + 2 \times (-9) \times x + (-9)^2 \\ = x^2 - 18x + 81$$

$$(2x-3)^2 = (2x)^2 + 2 \times (-3) \times 2x + (-3)^2 \\ = 4x^2 - 12x + 9$$

(2) 次の式を展開しなさい。

① $(x+1)^2$
 $= x^2 + 2x + 1$

② $(x-6)^2$
 $= x^2 - 12x + 36$

③ $(2x+5)^2$
 $= 4x^2 + 20x + 25$

④ $(3x-2y)^2$
 $= 9x^2 - 12xy + 4y^2$

POINT

乗法の公式③ 和と差の積

$$(x+a)(x-a) = x^2 - a^2$$

和 × 差 平方(2乗)の差

<例>

$$(x+2)(x-2) = x^2 - 2^2 = x^2 - 4$$

$$(x-6)(x+6) = x^2 - 6^2 = x^2 - 36$$

$$(x-3y)(x+3y) = x^2 - (-3y)^2 = x^2 - 9y^2$$

$$(2x+5y)(2x-5y) = (2x)^2 - (5y)^2 = 4x^2 - 25y^2$$

(3) 次の式を展開しなさい。

① $(x+3)(x-3)$
 $= x^2 - 9$

② $(x+8)(x-8)$
 $= x^2 - 64$

③ $(x+4y)(x-4y)$
 $= x^2 - 16y^2$

④ $(5x+9y)(5x-9y)$
 $= 25x^2 - 81y^2$