

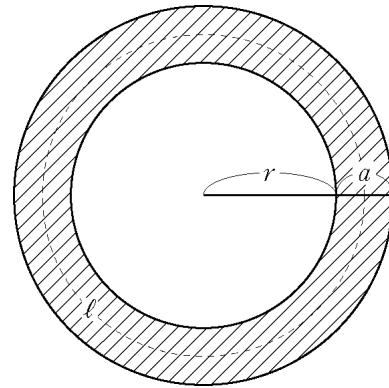
# 式の展開・因数分解の利用 (2)

(1) 右の図のように、半径  $r$  の円の形をした土地の周囲に、幅  $a$  の道がある。この道の面積を  $S$ 、道の真ん中の円周の長さを  $l$  とするとき、

$$S = al$$

となることを次のように証明した。

□ にあてはまる式を書きなさい。



[証明]

道の面積  $S$  は、

$$\begin{aligned} S &= \pi (\square)^2 - \pi (\square)^2 \\ &= \pi (\square) (\square) \\ &= \pi a (\square) \dots\dots ① \end{aligned}$$

ここで、 $l$  は、直径 □ の円周の長さであるから、

$$l = \pi (\square)$$

したがって、

$$al = a \times (\square) = \square \dots\dots ②$$

①, ②より、

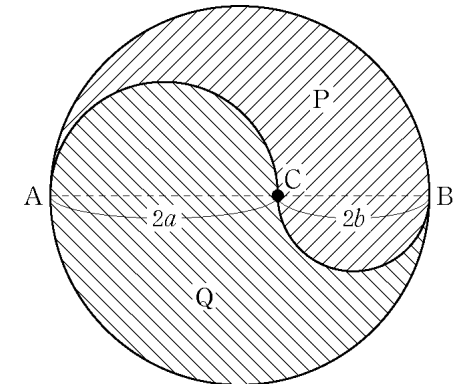
$$S = al$$

$l$  は  
半径  $r + \frac{1}{2}a$   
の円周だよ。



(証明終)

(2) 右の図は、円の直径  $AB$  上に点  $C$  をとり、 $AC$ 、 $BC$  をそれぞれ直径とする半円をかいたものである。 $AC=2a$ 、 $BC=2b$  のとき、次の問いに答えなさい。



①  $P$  の面積を次のように求めた。□ にあてはまる式を書きなさい。

直径  $AB$  の半円の面積  $\frac{1}{2} \pi (\square)^2$

直径  $AC$  の半円の面積  $\frac{1}{2} \pi a^2$

直径  $BC$  の半円の面積  $\frac{1}{2} \pi b^2$

これより  $P$  の面積は、

$$\frac{1}{2} \pi (\square)^2 - \square + \square = \pi b (\square)$$

②  $Q$  の面積を  $a$ 、 $b$  を用いた式で表しなさい。

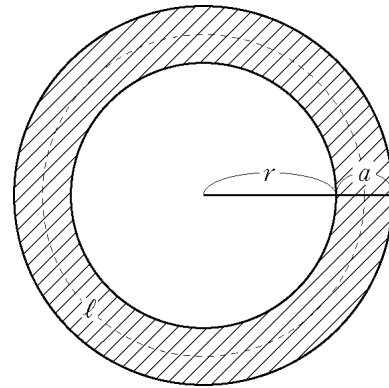
③  $P$  と  $Q$  の面積の比を表しなさい。

# 式の展開・因数分解の利用 (2)

(1) 右の図のように、半径  $r$  の円の形をした土地の周囲に、幅  $a$  の道がある。この道の面積を  $S$ 、道の真ん中の円周の長さを  $l$  とするとき、

$$S = al$$

となることを次のように証明した。  
□にあてはまる式を書きなさい。



[証明]

道の面積  $S$  は、

$$\begin{aligned} S &= \pi \left( \boxed{r+a} \right)^2 - \pi \left( \boxed{r} \right)^2 \\ &= \pi \left( \boxed{r+a+r} \right) \left( \boxed{r+a-r} \right) \\ &= \pi a \left( \boxed{2r+a} \right) \dots\dots ① \end{aligned}$$

ここで、 $l$  は、直径  $\boxed{2\left(r+\frac{a}{2}\right)}$  の円周の長さであるから、

$$l = \pi \left( \boxed{2r+a} \right)$$

したがって、

$$al = a \times \left( \boxed{\pi(2r+a)} \right) = \boxed{\pi a(2r+a)} \dots\dots ②$$

①, ②より、

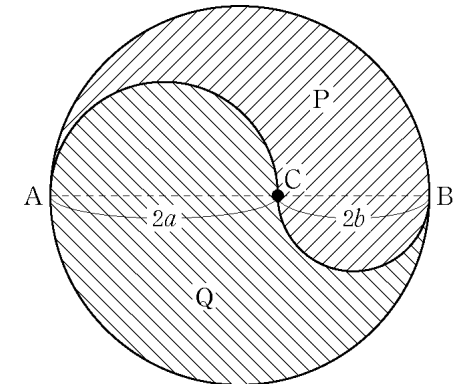
$$S = al$$

$l$  は  
半径  $r + \frac{1}{2}a$   
の円周だよ。



(証明終)

(2) 右の図は、円の直径  $AB$  上に点  $C$  をとり、 $AC$ 、 $BC$  をそれぞれ直径とする半円をかいたものである。 $AC=2a$ 、 $BC=2b$  のとき、次の問いに答えなさい。



①  $P$  の面積を次のように求めた。□にあてはまる式を書きなさい。

直径  $AB$  の半円の面積  $\frac{1}{2} \pi \left( \boxed{a+b} \right)^2$

直径  $AC$  の半円の面積  $\frac{1}{2} \pi a^2$

直径  $BC$  の半円の面積  $\frac{1}{2} \pi b^2$

これより  $P$  の面積は、

$$\frac{1}{2} \pi \left( \boxed{a+b} \right)^2 - \frac{1}{2} \pi a^2 - \frac{1}{2} \pi b^2 = \pi b \left( \boxed{a+b} \right)$$

②  $Q$  の面積を  $a$ 、 $b$  を用いた式で表しなさい。

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \pi (a+b)^2 + \frac{1}{2} \pi a^2 - \frac{1}{2} \pi b^2 &= \frac{1}{2} \pi (a^2 + 2ab + b^2 + a^2 - b^2) \\ &= \frac{1}{2} \pi (2a^2 + 2ab) \\ &= \pi a(a+b) \end{aligned}$$

③  $P$  と  $Q$  の面積の比を表しなさい。

$$\pi b(a+b) : \pi a(a+b) = b : a$$